

Date :
Université de Nice
Département de Mathématiques

NOM :

Prénom :

Groupe :
Année 2012-2013
Licence MASS 2e année

Fiche TD 9
Application du TLC

Menez vos réflexions sur votre brouillon. Rédigez vos réponses sur cette feuille. **Encadrez finalement votre réponse.**

Exercice 1 (Gros bras) Suite à l'annulation d'un concert de Hard-Rock, un guichet doit procéder au remboursement des places. Le prix moyen des places est de 50 euros, avec un écart-type de 30 euros. Le guichet dispose de 6500 euros pour rembourser les 120 personnes qui se pressent devant le guichet. Le guichetier se demande quelle est la probabilité qu'il ait assez d'argent ?

1. Modélisation : on note X_i , $i = 1..120$ le prix du billet de la i -ème personne venue ce jour là demander le remboursement de son billet. Proposez un modèle probabiliste simple pour les X_i , en explicitant toutes les propriétés que vous souhaitez utiliser ensuite.

2. Soit $S_{120} := X_1 + \dots + X_{120}$ la somme à rembourser ce jour là. Former à partir de S_{120} et de la manière vue en cours une v.a. Z_{120} centrée réduite.

$Z_{120} =$

3. Trouver a tel que $\{S_{120} \leq 6500\} = \{Z_{120} \leq a\}$.

$a =$

4. Si $Z \sim \mathcal{N}(0, 1)$, que vaut $\mathbb{P}(\{Z \leq a\})$?

$\mathbb{P}(\{Z \leq a\}) =$

5. Formulez et expliquez votre conclusion quant au problème du guichetier ?



Johann Carl Friederich Gauss (1777-1855)

Exercice 2 (Course à l'échalotte) Dans une université (parisienne), les étudiants doivent choisir entre deux options. Il y a 144 étudiants, et les options ne peuvent accueillir qu'au plus 84 étudiants. Quelle est la probabilité que chaque étudiant obtienne l'option de son choix ? On indique que les deux options attirent généralement la même proportion d'étudiants.

Vous donnerez une modélisation et une approximation ramenant la question à donner $\mathbb{P}(\{a \leq Z \leq b\})$ où Z suit une loi normale centrée réduite, et où a et b sont deux nombres à préciser.

Votre conclusion :

u1\u2	0,00	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09
0,0	0,5000000	0,5039894	0,5079784	0,5119665	0,5159535	0,5199389	0,5239223	0,5279032	0,5318814	0,5358565
0,1	0,5398279	0,5437954	0,5477585	0,5517168	0,5556700	0,5596177	0,5635595	0,5674949	0,5714237	0,5753454
0,2	0,5792597	0,5831861	0,5870644	0,5909541	0,5948348	0,5987063	0,6025681	0,6064198	0,6102612	0,6140918
0,3	0,6179114	0,6217195	0,6255158	0,6293000	0,6330717	0,6368306	0,6405764	0,6443087	0,6480272	0,6517317
0,4	0,6554217	0,6590970	0,6627572	0,6664021	0,6700314	0,6736448	0,6772419	0,6808225	0,6843863	0,6879331
0,5	0,6914625	0,6949743	0,6984682	0,7019441	0,7054015	0,7088403	0,7122603	0,7156612	0,7190427	0,7224047
0,6	0,7257469	0,7290692	0,7323712	0,7356528	0,7389138	0,7421540	0,7453732	0,7485712	0,7517478	0,7549030
0,7	0,7580364	0,7611480	0,7642376	0,7673050	0,7703501	0,7733727	0,7763728	0,7793501	0,7823046	0,7852362
0,8	0,7881447	0,7910300	0,7938920	0,7967307	0,7995459	0,8023375	0,8051055	0,8078498	0,8105704	0,8132671
0,9	0,8159399	0,8185888	0,8212136	0,8238145	0,8263912	0,8289439	0,8314724	0,8339768	0,8364569	0,8389129
1,0	0,8413447	0,8437523	0,8461358	0,8484950	0,8508300	0,8531409	0,8554277	0,8576903	0,8599289	0,8621434
1,1	0,8643339	0,8665004	0,8686431	0,8707618	0,8728568	0,8749280	0,8769755	0,8789995	0,8809998	0,8829767
1,2	0,8849303	0,8868605	0,8887675	0,8906514	0,8925122	0,8943502	0,8961653	0,8979576	0,8997274	0,9014746
1,3	0,9031995	0,9049020	0,9065824	0,9082408	0,9098773	0,9114919	0,9130850	0,9146565	0,9162066	0,9177355
1,4	0,9192433	0,9207301	0,9221961	0,9236414	0,9250663	0,9264707	0,9278549	0,9292191	0,9305633	0,9318879
1,5	0,9331928	0,9344783	0,9357445	0,9369916	0,9382198	0,9394292	0,9406200	0,9417924	0,9429466	0,9440826
1,6	0,9452007	0,9463011	0,9473839	0,9484493	0,9494974	0,9505285	0,9515428	0,9525403	0,9535214	0,9544861
1,7	0,9554346	0,9563671	0,9572838	0,9581849	0,9590705	0,9599409	0,9607961	0,9616365	0,9624621	0,9632731
1,8	0,9640697	0,9648522	0,9656206	0,9663751	0,9671159	0,9678433	0,9685573	0,9692582	0,9699460	0,9706211
1,9	0,9712835	0,9719335	0,9725711	0,9731967	0,9738102	0,9744120	0,9750022	0,9755809	0,9761483	0,9767046
2,0	0,9772499	0,9777845	0,9783084	0,9788218	0,9793249	0,9798179	0,9803008	0,9807739	0,9812373	0,9816912
2,1	0,9821356	0,9825709	0,9829970	0,9834143	0,9838227	0,9842224	0,9846137	0,9849966	0,9853713	0,9857379
2,2	0,9860966	0,9864475	0,9867907	0,9871263	0,9874546	0,9877756	0,9880894	0,9883962	0,9886962	0,9889894
2,3	0,9892759	0,9895559	0,9898296	0,9900969	0,9903582	0,9906133	0,9908625	0,9911060	0,9913437	0,9915758
2,4	0,9918025	0,9920237	0,9922397	0,9924506	0,9926564	0,9928572	0,9930531	0,9932443	0,9934309	0,9936128
2,5	0,9937903	0,9939634	0,9941322	0,9942969	0,9944574	0,9946138	0,9947664	0,9949150	0,9950600	0,9952012
2,6	0,9953388	0,9954729	0,9956035	0,9957307	0,9958547	0,9959754	0,9960929	0,9962074	0,9963188	0,9964274
2,7	0,9965330	0,9966358	0,9967359	0,9968332	0,9969280	0,9970202	0,9971099	0,9971971	0,9972820	0,9973645
2,8	0,9974448	0,9975229	0,9975988	0,9976725	0,9977443	0,9978140	0,9978817	0,9979476	0,9980116	0,9980737
2,9	0,9981341	0,9981928	0,9982498	0,9983051	0,9983589	0,9984111	0,9984617	0,9985109	0,9985587	0,9986050
3,0	0,9986500	0,9986937	0,9987361	0,9987772	0,9988170	0,9988557	0,9988932	0,9989296	0,9989649	0,9989991
3,1	0,9990323	0,9990645	0,9990957	0,9991259	0,9991552	0,9991836	0,9992111	0,9992377	0,9992636	0,9992886