

Séminaire d'algèbre, topologie et géométrie

Jeudi 23 janvier à 15h30

Salle I

Jean Baptiste Teyssier

Freie Universität Berlin

Sur une caractérisation des \mathcal{D} -modules holonomes réguliers

Soit X une variété complexe. Notons $D_c^b(X, \mathbb{C})$ la catégorie dérivée formée des complexes de faisceaux en \mathbb{C} -espaces vectoriels sur X à cohomologie bornée et constructible. Soit Sol le foncteur solution pour les \mathcal{D} -modules sur X .

Traditionnellement, la pleine fidélité de la correspondance de Riemann-Hilbert se prouve en montrant que pour deux \mathcal{D}_X -modules \mathcal{M}_1 et \mathcal{M}_2 réguliers holonomes, le morphisme canonique

$$\text{RH}_{\mathcal{M}_1, \mathcal{M}_2} : \mathcal{R}\text{Hom}(\mathcal{M}_1, \mathcal{M}_2) \longrightarrow \mathcal{R}\text{Hom}(\text{Sol}(\mathcal{M}_2), \text{Sol}(\mathcal{M}_1))$$

est un isomorphisme de $D_c^b(X, \mathbb{C})$.

Cet exposé aura trait à la réciproque. On donnera les ingrédients de la preuve du

Théorème. Si \mathcal{M} est un \mathcal{D}_X -module holonome pour lequel $\text{RH}_{\mathcal{M}, \mathcal{M}}$ est un isomorphisme, alors \mathcal{M} est régulier.